

# Ok\_diff (Okutani 版微分作用素関数) マニュアル

---

Edition : auto generated by oxgentexi on 13 May 2014

# 1 Differential equations (library by Okutani)

ファイル ‘gr’, ‘ok\_matrix.rr’, ‘ok\_diff.rr’ が必要です.

Yukio Okutani 氏による Risa/Asir 言語で書かれた連立線形偏微分方程式用のライブラリです. すべての関数名は `odiff_` で始まります.

この節で紹介される関数では微分作用素はリストまたは多項式で表現されます. リストによる表現は次のようになります.

$$[[f_\alpha, [\alpha_1, \dots, \alpha_n]], \dots]$$

これは

$$\sum_{\alpha} f_{\alpha} \partial^{\alpha}$$

という意味です. 線型偏微分方程式系

$$\left(\sum_{\alpha^{(i)}} f_{\alpha^{(i)}} \partial^{\alpha^{(i)}}\right) \bullet u = 0 \quad (i = 1, \dots, s)$$

などのように複数の微分作用素を表現するときは微分作用素のリストを使います.

$$[[[f_{\alpha^{(1)}}, [\alpha_1^{(1)}, \dots, \alpha_n^{(1)}]], \dots], \dots, [[f_{\alpha^{(s)}}, [\alpha_1^{(s)}, \dots, \alpha_n^{(s)}]], \dots]]$$

例えば微分作用素  $x\partial_x + y\partial_y + 1$  の場合は

$$[[x, [1, 0]], [y, [0, 1]], [1, [0, 0]]]$$

となります. また微分作用素のリストで  $x\partial_x + y\partial_y + 1, \partial_x^2 + \partial_y^2$  を表すと

$$[[x, [1, 0]], [y, [0, 1]], [1, [0, 0]], [[1, [2, 0]], [1, [0, 2]]]$$

となります. またこの表現法を使うときは変数リストを常に意識する必要があります. 次に多項式による表現について述べます. 変数  $x$  に対する微分は  $dx$  で表現されます. 例えば  $x\partial_x + y\partial_y + 1$  については

$$x * dx + y * dy + 1$$

と表現されます.

## 1.0.1 odiff\_op\_appell4

`odiff_op_appell4(a,b,c1,c2,V)`

:: appell の  $F_4$  を零化する微分作用素を生成します.

`return` リスト

`a, b, c1, c2`

有理式

`V` リスト

- `odiff_op_appell4` の例.

```
[298] odiff_op_appell4(a,b,c1,c2,[x,y]);
[ [ [-x^2+x,[2,0]], [-2*y*x,[1,1]], [-y^2,[0,2]],
  [(-a-b-1)*x+c1,[1,0]], [(-a-b-1)*y,[0,1]], [-b*a,[0,0]] ],
  [ [-y^2+y,[0,2]], [-2*y*x,[1,1]], [-x^2,[2,0]],
    [(-a-b-1)*y+c2,[0,1]], [(-a-b-1)*x,[1,0]], [-b*a,[0,0]] ] ]
```

### 1.0.2 odiff\_op\_tosm1

odiff\_op\_tosm1(LL,V)

:: リスト形式の微分作用素リストを sm1 形式に変換します.

return リスト

LL リスト

V リスト

- 微分作用素の係数は整数多項式に変換されます.

- odiff\_op\_tosm1の例

```
[299] odiff_op_tosm1([[x,[2,0]],[-1,[0,0]]],
                    [[y,[0,2]],[-1,[0,0]]],[x,y]);
[ + ( + (1) x) dx^2 + ( + (-1)), + ( + (1) y) dy^2 + ( + (-1)) ]

[300] odiff_op_tosm1([[x,[1,0]],[y,[0,1]],[1,[0,0]]],
                    [[1,[2,0]],[1,[0,2]]],[x,y]);
[ + ( + (1) x) dx + ( + (1) y) dy + ( + (1)), + ( + (1)) dx^2 + ( + (1)) dy^2 ]

[301] odiff_op_tosm1([[1/2,[1,0]],[1,[0,0]]],
                    [[1/3,[0,1]],[1/4,[0,0]]],[x,y]);
[ + ( + (6)) dx + ( + (12)), + ( + (4)) dy + ( + (3)) ]

[302] odiff_op_tosm1([[1/2*x,[1,0]],[1,[0,0]]],
                    [[1/3*y,[0,1]],[1/4,[0,0]]],[x,y]);
[ + ( + (6) x) dx + ( + (12)), + ( + (4) y) dy + ( + (3)) ]
```

### 1.0.3 odiff\_op\_toasir

odiff\_op\_toasir(LL,V)

:: リスト形式の微分作用素リスト LL を asir の多項式に変換します.

return リスト

LL リスト

V リスト

- odiff\_op\_toasirの例

```
[303] odiff_op_toasir([[1/2*x,[1,0]],[1,[0,0]]],
                    [[1/3*y,[0,1]],[1/4,[0,0]]],[x,y]);
[1/2*x*dx+1,1/3*y*dy+1/4]

[304] odiff_op_toasir([[x,[1,0]],[y,[0,1]],[1,[0,0]]],
                    [[1,[2,0]],[1,[0,2]]],[x,y]);
[x*dx+y*dy+1,dx^2+dy^2]
```

### 1.0.4 odiff\_op\_fromasir

`odiff_op_fromasir(D_list, V)`  
 :: asir の多項式からリスト形式の微分作用素リストに変換します.

*return*      リスト

*D\_list*      リスト

*V*            リスト

- `odiff_op_fromasir` の例

```
[305] odiff_op_fromasir([1/2*x*dx+1,1/3*y*dy+1/4],[x,y]);
[[[1/2*x,[1,0]], [1,[0,0]]],[[1/3*y,[0,1]], [1/4,[0,0]]]]

[306] odiff_op_fromasir([x*dx+y*dy+1,dx^2+dy^2],[x,y]);
[[[x,[1,0]], [y,[0,1]], [1,[0,0]]],[[1,[2,0]], [1,[0,2]]]]
```

### 1.0.5 odiff\_act

`odiff_act(L, F, V)`  
 :: 微分作用素  $L$  を有理式  $F$  に作用させる.  $V$  は変数リスト.

*return*      有理式

*L*            リスト or 多項式

*F*            有理式

*V*            リスト

- `odiff_act` の例

```
[302] odiff_act([[1,[2]]],x^3+x^2+x+1,[x]);
6*x+2

[303] odiff_act([[1,[1,0]], [1,[0,1]]],x^2+y^2,[x,y]);
2*x+2*y

[349] odiff_act(x*dx+y*dy, x^2+x*y+y^2, [x,y]);
2*x^2+2*y*x+2*y^2
```

### 1.0.6 odiff\_act\_appell4

`odiff_act_appell4(a, b, c1, c2, F, V)`  
 :: 微分作用素 `odiff_op_appell4` を有理式  $F$  に作用させる.

*return*      リスト

*a, b, c1, c2*  
              有理式

*F*            有理式

*V*            リスト

- `odiff_act_appell14`の例

```
[303] odiff_act_appell14(1,0,1,1,x^2+y^2,[x,y]);
[-6*x^2+4*x-6*y^2,-6*x^2-6*y^2+4*y]
```

```
[304] odiff_act_appell14(0,0,1,1,x^2+y^2,[x,y]);
[-4*x^2+4*x-4*y^2,-4*x^2-4*y^2+4*y]
```

```
[305] odiff_act_appell14(-2,-2,-1,-1,x^2+y^2,[x,y]);
[0,0]
```

### 1.0.7 `odiff_poly_solve`

`odiff_poly_solve(LL,N,V)`  
 :: 与えられた線型微分方程式系の  $N$  次以下の多項式解を求める.

*return*      リスト

*LL*          リスト

*N*          整数

*V*          リスト

- `odiff_poly_solve`の例.

```
[297] odiff_poly_solve([[x,[1,0]],[-1,[0,0]]],[[y,[0,1]],[-1,[0,0]]],5,[x,y]);
[_4*y*x,[_4]]
```

```
[298] odiff_poly_solve([[x,[1,0]],[-2,[0,0]]],[[y,[0,1]],[-2,[0,0]]],5,[x,y]);
[_33*y^2*x^2,[_33]]
```

```
[356] odiff_poly_solve([x*dx+y*dy-3,dx+dy],4,[x,y]);
[-_126*x^3+3*_126*y*x^2-3*_126*y^2*x+_126*y^3,[_126]]
```

### 1.0.8 `odiff_poly_solve_hg1`

`odiff_poly_solve_hg1(a,b,c,V)`  
 :: ガウスの超幾何微分方程式の多項式解を求める.

*return*      リスト

*a, b, c*      有理式

*V*          リスト

- `odiff_poly_solve_hg1`の例.

```
[334] odiff_poly_solve_hg1(-3,-6,-5,[x]);
[_1*x^6-2*_0*x^3+9/2*_0*x^2-18/5*_0*x+_0,[_0,_1]]
```

```
[335] odiff_poly_solve_hg1(-3,-6,-7,[x]);
[-4/7*_2*x^3+15/7*_2*x^2-18/7*_2*x+_2,[_2]]
```

### 1.0.9 odiff\_poly\_solve\_appell4

```
odiff_poly_solve_appell4(a,b,c1,c2,V)
    :: F_4 がみたす線型微分方程式系の多項式解を求める.

return    リスト
a, b, c1, c2
    有理式
V
    リスト
```

- odiff\_poly\_solve\_appell4の例.
 

```
[299] odiff_poly_solve_appell4(-3,1,-1,-1,[x,y]);
      [-_26*x^3+(3*_26*y+_26)*x^2+3*_24*y^2*x-_24*y^3+_24*y^2,[_24,_26]]

      [300] odiff_poly_solve_appell4(-3,1,1,-1,[x,y]);
      [-3*_45*y^2*x-_45*y^3+_45*y^2,[_45]]
```

### 1.0.10 odiff\_rat\_solve

```
odiff_rat_solve(LL,Dn,N,V)
    :: 与えられた線型微分方程式系の分母が  $D_n$ , 分子が  $N$  次以下の多項式であるよ
       うな解を求める.

return    リスト
LL
    リスト
Dn
    有理式
N
    整数
V
    リスト
```

- odiff\_rat\_solveの例.
 

```
[333] odiff_rat_solve([[[x,[1]],[1,[0]]],x,1,[x]);
      [(_8)/(x),[_8]]

      [361] odiff_rat_solve([x*(1-x)*dx^2+(1-3*x)*dx-1],1-x,2,[x]);
      [(_180)/(-x+1),[_180]]

      [350] D = odiff_op_appell4(0,0,3,0,[x,y])$
      [351] odiff_rat_solve(D,x^2,2,[x,y]);
      [(_118*x^2-_114*y*x+1/2*_114*y^2+_114*y)/(x^2),[_114,_118]]
```

# Index

(Index is nonexistent)

(Index is nonexistent)

## Short Contents

1	Differential equations (library by Okutani) . . . . .	1
Index	. . . . .	6



# Table of Contents

<b>1</b>	<b>Differential equations (library by Okutani) ..</b>	<b>1</b>
1.0.1	odiff_op_appell4 .....	1
1.0.2	odiff_op_tosm1 .....	1
1.0.3	odiff_op_toasir .....	2
1.0.4	odiff_op_fromasir .....	2
1.0.5	odiff_act .....	3
1.0.6	odiff_act_appell4 .....	3
1.0.7	odiff_poly_solve .....	4
1.0.8	odiff_poly_solve_hg1 .....	4
1.0.9	odiff_poly_solve_appell4 .....	4
1.0.10	odiff_rat_solve .....	5
<b>Index</b> .....		<b>6</b>